

A.4 Table d'intégrales indéfinies

Attention ! À l'exception de u qui désigne une variable et de f et g qui désignent des fonctions, les autres lettres désignent des constantes. Notez aussi : $a > 0$.

Règles d'intégration

1. $\int c f(u) du = c \int f(u) du$
2. $\int (f(u) + g(u)) du = \int f(u) du + \int g(u) du$
3. $\int (f(u) - g(u)) du = \int f(u) du - \int g(u) du$
4. $\int u dv = u v - \int v du$ (la règle d'intégration par parties)

Formules d'intégration

1. $\int u^n du = \frac{u^{n+1}}{n+1} + C, \quad \text{où } n \neq -1$
2. $\int \frac{1}{u} du = \ln(|u|) + C$
3. $\int e^u du = e^u + C$
4. $\int b^u du = \frac{1}{\ln(b)} b^u + C \quad \text{où } b > 0 \text{ et } b \neq 1$
5. $\int \sin(u) du = -\cos(u) + C$
6. $\int \cos(u) du = \sin(u) + C$
7. $\int \sec^2(u) du = \tan(u) + C$
8. $\int \csc^2(u) du = -\cot(u) + C$
9. $\int \sec(u) \tan(u) du = \sec(u) + C$
10. $\int \csc(u) \cot(u) du = -\csc(u) + C$
11. $\int \tan(u) du = -\ln(|\cos(u)|) + C$
12. $\int \cot(u) du = \ln(|\sin(u)|) + C$
13. $\int \sec(u) du = \ln(|\sec(u) + \tan(u)|) + C$
14. $\int \csc(u) du = \ln(|\csc(u) - \cot(u)|) + C$
15. $\int \frac{1}{u^2 + a^2} du = \frac{1}{a} \arctan\left(\frac{u}{a}\right) + C$
16. $\int \frac{1}{a^2 - u^2} du = \frac{1}{2a} \ln\left(\left|\frac{u+a}{u-a}\right|\right) + C$
17. $\int \frac{1}{u^2 - a^2} du = \frac{1}{2a} \ln\left(\left|\frac{u-a}{u+a}\right|\right) + C$
18. $\int \frac{1}{\sqrt{u^2 + a^2}} du = \ln\left(\sqrt{u^2 + a^2} + u\right) + C$
19. $\int \frac{1}{\sqrt{a^2 - u^2}} du = \arcsin\left(\frac{u}{a}\right) + C$
20. $\int \frac{1}{\sqrt{u^2 - a^2}} du = \ln\left(\left|\sqrt{u^2 - a^2} + u\right|\right) + C$

Formules particulières d'intégration

- 3a. $\int e^{ax} dx = \frac{e^{ax}}{a} + C$
- 5a. $\int \sin(ax) dx = -\frac{\cos(ax)}{a} + C$
- 6a. $\int \cos(ax) dx = \frac{\sin(ax)}{a} + C$